代號:01140 頁次:2-1 112年專門職業及技術人員高等考試建築師、 25類科技師(含第二次食品技師)、大地工程 技師考試分階段考試(第二階段考試) 暨普通考試不動產經紀人、記帳士考試試題

等 別:高等考試

類 科:電機工程技師

科 目:工程數學(包括線性代數、微分方程、複變函數與機率)

考試時間:2小時 座號:

※注意:(一)可以使用電子計算器。

(二)不必抄題,作答時請將試題題號及答案依照順序寫在試卷上,於本試題上作答者,不予計分。

(三)本科目除專門名詞或數理公式外,應使用本國文字作答。

一、請以拉式(Laplace)轉換法,求解以下微分方程式:2y''+y'+2y=g(t), y(0)=y'(0)=0,其中 $g(t)=\begin{cases} 1, & 5\leq t<20\\ 0, & t<5$ 或 t>20 $\circ (20$ 分)

- 二、假設 $f(x) = \begin{cases} -2x, & -2 \le x < 0 \\ 2x, & 0 \le x < 4 \end{cases}$, f(x+4) = f(x)。若以傅氏級數(Fourier Series)表示f(x),計算其各階之係數。(15分)
- 三、甲、乙、丙三人在同一靶場長時間練習射擊,經統計後得知三人命中靶心之機率各自為:甲:0.75、乙:0.72、丙:0.7。某次練習時三人同時對同一靶射擊,其中甲射擊 50 發子彈、乙射擊 53 發子彈、丙射擊 60 發子彈。試問於此情境下,
 - (→)此三人所發射之子彈,射中該靶心之機率為若干? (7分)
 - 二其中一發命中靶心之子彈為乙所射擊之機率為若干 ? (8分)
- 四、假定 $u = e^{-x}(x \sin y y \cos y)$ 。試求解v函數,使得f(z) = u + iv是可解析(Analytic)的函數。(15 分)
- 五、假設某個三維曲線 C,其位置向量(Position Vector)可表示如下式: $\mathbf{F}(t)=[\cos(t)+t\sin(t)]\,\mathbf{i}+[\sin(t)-t\cos(t)]\,\mathbf{j}+t^2\,\mathbf{k}$, $t\geq 0$ 。計算此三維曲線 C 之單位切線向量(Unit Tangent Vector) $\mathbf{T}(t)$ 與曲率(Curvature) $\mathbf{\kappa}(t)$ 。(10 分)

六、假設
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 3 & 1 \end{bmatrix}$$
, $b = \begin{bmatrix} 2 \\ 4 \\ 6 \end{bmatrix}$, $c = \begin{bmatrix} 1 \\ 6 \\ 7 \end{bmatrix}$ 。

- (一)求解滿足線性方程組 $[A\ b]x = c$ 之所有解,其中向量 $x = [x_1\ x_2\ x_3\ x_4]^T$ 。 (10 分)
- 二求解 A 方陣之特徵值(Eigenvalue)與其對應之單位特徵向量(Normalized Eigenvector)。(15分)