代號:26880 頁次:4-1

108年公務人員高等考試三級考試試題

類 科:電信工程

科 目:通信與系統

考試時間:2小時 座號:

※注意:(→)禁止使用電子計算器。

二)須詳列推導過程。

(三)不必抄題,作答時請將試題題號及答案依照順序寫在試卷上,於本試題上作答者,不予計分。

四本科目除專門名詞或數理公式外,應使用本國文字作答。

一、將一個功率頻譜密度為 $\frac{N_0}{2}$ 、平均值為零之白色高斯雜訊通過一個理想之帶通濾波器(振幅響應為1,中間頻率為 f_c ,帶寬為2B, f_c >>B),其輸出可表示為

$$n(t) = n_I(t)\cos(2\pi f_c t) - n_O(t)\sin(2\pi f_c t)$$

其中 $n_I(t)$ 及 $n_O(t)$ 分別為n(t)之同相成分及正交成分。

- (-)求n(t)之功率頻譜密度 $S_n(f)$ 。(5分)
- \Box 求 $n_I(t)$ 及 $n_Q(t)$ 之功率頻譜密度 $S_{n_I}(f)$ 及 $S_{n_O}(f)$ 。(5分)
- (三)n(t)亦可表示為

$$n(t) = r(t)\cos(2\pi f_c t + \phi(t))$$

其中

$$r(t) = [(n_I(t))^2 + (n_Q(t))^2]^{\frac{1}{2}}$$

$$\phi(t) = \tan^{-1} \left[\frac{n_Q(t)}{n_I(t)} \right]$$

求r(t)及 $\phi(t)$ 取樣值之機率密度函數 $f_R(r)$ 及 $f_{\Phi}(\phi)$ 。(10分)

二、在線性類比調變系統中,其輸出一般可表示為

$$s(t) = s_I(t)\cos(2\pi f_c t) - s_O(t)\sin(2\pi f_c t)$$

其中 $s_I(t)$ 及 $s_Q(t)$ 分別為s(t)之同相成分及正交成分。假設輸入之基頻信號為m(t),載波為 $A_c\cos(2\pi f_c t)$ 。

- (一)對(1)振幅調變(AM)、(2)雙邊帶調變(DSB)、(3)單邊帶調變(SSB)、(4)殘邊帶調變(VSB)其 $s_I(t)$ 及 $s_Q(t)$ 分別之表示式各為何?必要時,說明 $s_I(t)$ 與 $s_Q(t)$ 之關係。(10分)
- □承(一)小題,以殘邊帶調變為例,繪製調變系統之方塊圖。(10分)

三、在二位元基頻傳送系統中,其傳送波可以用一個隨機程序表示之:

$$X(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} a_k p(t - kT - \Delta)$$

其中p(t)為振幅為 1 之脈波類波形, a_k 為脈波之強度,T 為脈波間之間隔, Δ 均匀分布於 $(\frac{-T}{2},\frac{T}{2})$ 之間。

(-)證明X(t)之自身相關函數 $R_X(\tau)$ 可表示為

$$R_X(\tau) = \sum_{m=-\infty}^{\infty} R_m r(\tau - mT)$$

其中 $R_m = E[a_k a_{k+m}]$, $r(\tau) = \frac{1}{T} \int_{-\infty}^{\infty} p(t+\tau) p(t) dt$ 。(6 分)

- \Box 求X(t) 之功率頻譜密度 $S_{x}(f)$ 。(7 分)
- (三)以曼徹斯特碼(Manchester code)為例,

$$p(t) = \begin{cases} 1, & -\frac{T}{2} < t < 0 \\ -1, & 0 < t < \frac{T}{2} \end{cases}$$
$$a_k = \begin{cases} A, & \text{?? \vec{T} 1} \\ -A, & \text{?? \vec{T} 0} \end{cases}$$

求其 $S_X(f)$ 。(7分)

代號:26880 頁次:4-3

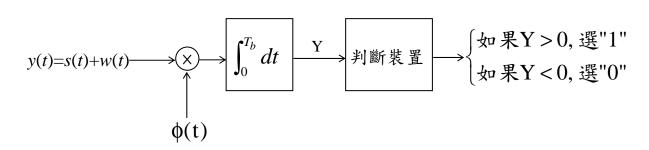
四、在一個同調二位元 PSK 系統中,符元1及0被調變為

$$s(t) = \begin{cases} \sqrt{\frac{2E_b}{T_b}} \cos(2\pi f_c t), & \text{符元 1} \\ \sqrt{\frac{2E_b}{T_b}} \cos(2\pi f_c t + \pi), & \text{符元 0} \end{cases}$$

其中 $0 \le t \le T_b$, E_b 為每位元之能量。假設

$$\phi(t) = \sqrt{\frac{2}{T_b}} \cos(2\pi f_c t), \quad 0 \le t \le T_b$$

接收器之方塊圖如下圖。通道之雜訊為相加性白色高斯雜訊 w(t),其平均值為零,雙邊帶功率頻譜密度為 $\frac{N_0}{2}$ 。



一般設

$$n = \int_0^{T_b} w(t) \phi(t) dt$$

求n之期望值 m_n 、變異數 σ_n^2 及機率密度函數 $f_N(n)$ 。(6分)

 (\Box) 假設傳送端送出符元 1 及符元 0 之機率相同,求同調二位元 PSK 系統 之位元錯誤率 P_E ,並以下列之 Q 函數表示之:

$$Q(x) = \int_{x}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp(-\frac{x^2}{2}) dx \qquad (14 \%)$$

代號:26880 百次:4-4

五、在一個(7,4)線性方塊碼編解碼系統中,生成矩陣為

$$G = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

- (→)繪製編碼器之電路圖。(5分)
- (二)求其查核矩陣 H (parity-check matrix)。(3分)